

2021年度 倉敷芸術科学大学 一般選抜
前期 B
(数 学)

【1】

$$\begin{aligned}
 (\text{与式}) &= \{(x^2 + 1) - x\}\{(x^2 + 1) + x\} \\
 &= (x^2 + 1)^2 - x^2 \\
 &= x^4 + 2x^2 + 1 - x^2 \\
 &= x^4 + x^2 + 1
 \end{aligned}$$

【2】

$$216 = 2^3 \cdot 3^3 \text{ より}$$

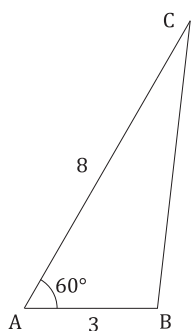
正の約数の個数は

$$(3 + 1)(3 + 1) = 16 \text{ (個)}$$

その約数の総和は

$$\begin{aligned}
 &(2^0 + 2^1 + 2^2 + 2^3)(3^0 + 3^1 + 3^2 + 3^3) \\
 &= 15 \cdot 40 \\
 &= 600
 \end{aligned}$$

【3】



余弦定理より

$$\begin{aligned}
 BC^2 &= 3^2 + 8^2 - 2 \cdot 3 \cdot 8 \cdot \cos 60^\circ \\
 &= 9 + 64 - 48 \cdot \frac{1}{2} \\
 &= 49
 \end{aligned}$$

$$BC > 0 \text{ より } BC = 7$$

△ABC の外接円の半径を R とすると

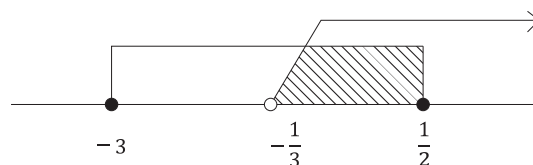
$$\begin{aligned}
 \frac{BC}{\sin A} &= 2R \\
 \frac{7}{\sin 60^\circ} &= \frac{7}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{14}{\sqrt{3}} = \frac{14\sqrt{3}}{3} \\
 &= 2R \\
 R &= \frac{7\sqrt{3}}{3}
 \end{aligned}$$

【4】

$$\begin{cases} 2x^2 + 7x - 7 \leq 2x - 4 & \text{--- ①} \\ 2x + 5 > -x + 4 & \text{--- ②} \end{cases}$$

$$\begin{aligned}
 \text{① } 2x^2 + 5x - 3 &= (2x - 1)(x + 3) \leq 0 \\
 & \quad \quad \quad -3 \leq x \leq \frac{1}{2}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{② } 3x &> -1 \\
 x &> -\frac{1}{3}
 \end{aligned}$$



$$-\frac{1}{3} < x \leq \frac{1}{2}$$

受験地	受験番号	得点欄
	※	

※は記入しないこと

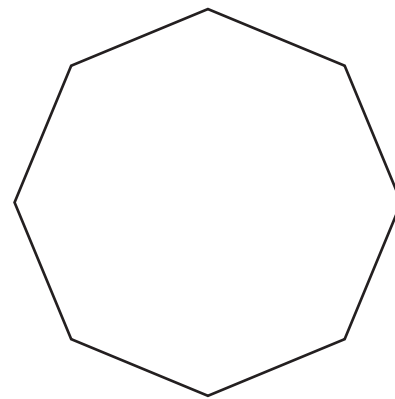
【5】

(1) 2つの頂点を結ぶ線分の数は

$${}_8C_2 = \frac{8 \cdot 7}{2 \cdot 1} = 28$$

そのうち8本は正八角形の辺なので

$$28 - 8 = 20 \text{ (本)}$$



(2) 3つの頂点を結んでできる三角形の個数は

$${}_8C_3 = \frac{8 \cdot 7 \cdot 6}{3 \cdot 2 \cdot 1} = 56$$

i) 1辺が正八角形の辺となるのは正八角形から1つの辺を選んだとき、それに隣り合わない4頂点を選べばよいので

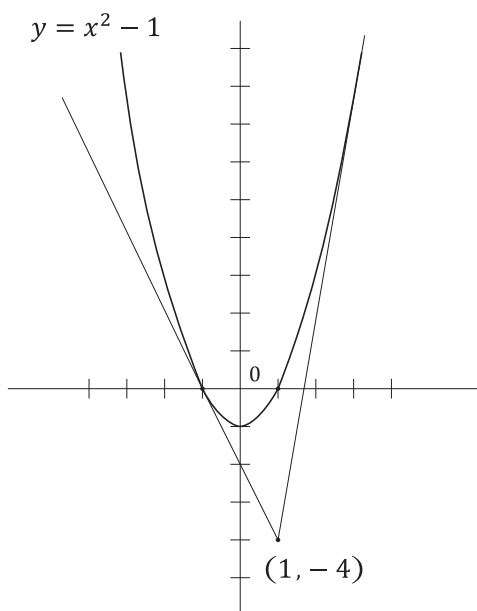
$$4 \cdot 8 = 32$$

ii) 2辺が正八角形の辺となるのは隣り合う2辺からなる三角形なので

$$8$$

$$56 - (32 + 8) = 16 \text{ (個)}$$

【6】



(1) 放物線と接する直線を $y = ax + b$ とする

$$\begin{cases} y = x^2 - 1 \\ y = ax + b \end{cases}$$

$$x^2 - ax + (-b - 1) = 0$$

$$\begin{aligned} \text{判別式 } D &= a^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-b - 1) \\ &= a^2 + 4b + 4 = 0 \quad \text{--- ①} \end{aligned}$$

$y = ax + b$ が $(1, -4)$ を通るので

$$-4 = a + b$$

$$b = -a - 4 \quad \text{--- ②}$$

②を①に代入して

$$a^2 + 4(-a - 4) + 4 = (a - 6)(a + 2) = 0$$

$$a = 6 \text{ のとき } b = -10 \quad y = 6x - 10$$

$$a = -2 \text{ のとき } b = -2 \quad y = -2x - 2$$

$$(2) \begin{cases} y = x^2 - 1 \\ y = 6x - 10 \end{cases} \text{ の交点は } x^2 - 6x + 9 = (x - 3)^2 = 0 \text{ より } (3, 8)$$

$$\begin{cases} y = x^2 - 1 \\ y = -2x - 2 \end{cases} \text{ の交点は } x^2 + 2x + 1 = (x + 1)^2 = 0 \text{ より } (-1, 0)$$

放物線と2直線で囲まれた領域の面積を S とすると

$$\begin{aligned} S &= \int_{-1}^1 \{(x^2 - 1) - (2x - 1)\} dx + \int_1^3 \{(x^2 - 1) - (6x - 10)\} dx \\ &= \int_{-1}^1 (x^2 + 2x + 1) dx + \int_1^3 (x^2 - 6x + 9) dx \\ &= \left[\frac{1}{3}x^3 + x^2 + x \right]_{-1}^1 + \left[\frac{1}{3}x^3 - 3x^2 + 9x \right]_1^3 \\ &= \left(\frac{1}{3} + 1 + 1 \right) - \left(-\frac{1}{3} + 1 - 1 \right) + (9 - 27 + 27) - \left(\frac{1}{3} - 3 + 9 \right) \\ &= \frac{8}{3} + \frac{8}{3} \\ &= \frac{16}{3} \end{aligned}$$